

المدة : 120 min

**الجزء الأول : 12 نقطة**

**التمرين الأول : 02.5 نقاط**

- 1) اوجد القاسم المشترك الأكبر للعددين 1729 و 1547 باستعمال خوارزمية إقليدس .
- 2) اكتب  $\frac{1547}{1729}$  على شكل كسر غير قابل للاختزال .
- 3) احسب العبارة A ثم أعط الناتج في أبسط شكل ممكن :  $A = \frac{3}{2} + \frac{1}{2} \times \frac{1547}{1729}$

**التمرين الثاني : 03 نقاط**

B و C عددان حقيقيان حيث :  $B = \sqrt{300} - 4\sqrt{27} + 6\sqrt{3}$  و  $C = \frac{\sqrt{3} + 5}{\sqrt{3}}$

- 1) بسط العدد B على شكل  $a\sqrt{3}$  حيث : a عدد طبيعي .
- 2) اجعل العدد C على شكل كسر مقامه عدد ناطق .
- 3) أوجد حلول المعادلة التالية :  $\frac{x+1}{\sqrt{3}-1} = \frac{\sqrt{3}+1}{x-1}$

**التمرين الثالث : 03 نقاط**

E عبارة جبرية حيث :  $E = 9x^2 + 24x + 16 + (6x - 3)(3x + 4)$

1) تحقق من صحة المساواة التالية :  $(3x + 4)^2 = 9x^2 + 24x + 16$

2) حلّ العبارة E إلى جداء عاملين من الدرجة الأولى .

3) أحسب قيمة E من أجل :  $x = \frac{1}{3}$

**التمرين الرابع : 03.5 نقاط**

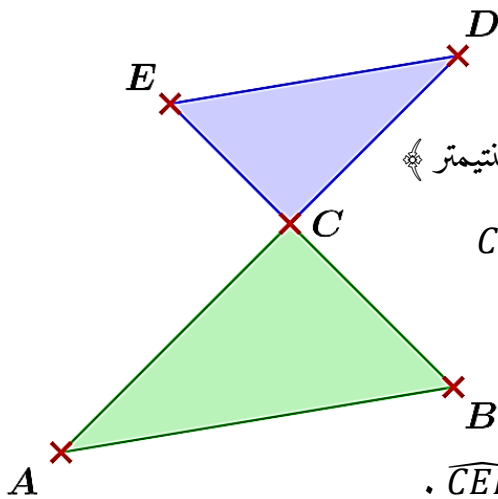
اليك الشكل المقابل غير مرسوم بالأطوال الحقيقية \* وحدة الطول هي السنتيمتر \*

$CE = 5$  و  $DC = 12$  و  $ED = 13$  و  $BC = 7,5$  و  $AC = 18$

1) بين أن :  $(AB) \parallel (DE)$  .

2) برهن أن المثلث CED قائم في C .

3) أحسب  $\tan \widehat{CED}$  ثم استنتج بالتدوير إلى الوحدة قيس الزاوية  $\widehat{CED}$  .



## الوضعية الإدماجية : ﴿ 08 نقاط ﴾

"كاميرا السبايدر" أو كما تُسمى الكاميرا العنكبوتية هي أحدث ما وصلت إليه تكنولوجيا النقل التلفزيوني الرياضي في مباريات كأس العالم لكرة القدم وذلك عبر رصد انتشار وابعاد الحركة الفنية للاعبين داخل الملعب بدقة عالية .

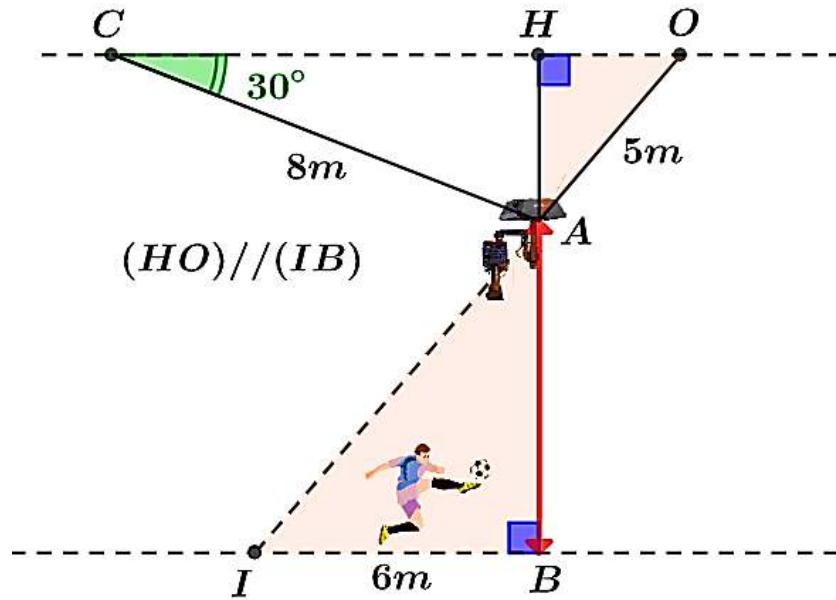
## الجزء الأول :

- تتميز هذه الكاميرا بحركتها السريعة لجميع زوايا الملعب الرياضي ، ولضمان ذلك خصص لها عتاد من 384 قطعة غيار و 832 بطارية ليثيوم ، علماً أنّ عملها يستوجب نفس عدد من قطع الغيار والبطاريات في المباراة الواحدة .
- ما هو أكبر عدد من مباريات التي يمكن تصويرها بهذه العتاد ؟
  - ما هو عدد قطع الغيار و عدد البطاريات المستعملة في كل مباراة ؟

بطاريات ليثيوم : وهي نوع من البطاريات القابلة للشحن وحيث تتحرك فيها أيونات الليثيوم بين الأنود والكاثود

## الجزء الثاني : ﴿ تعطى النتائج بالتدوير إلى الوحدة ﴾

تشييد الكاميرا العنكبوتية داخل الملعب يتطلب رؤية هندسية دقيقة خاصة أثناء المباريات ، حيث أنها تحتاج إلى تهيئة قواعد وممرات حديدية مرنة معلقة في جميع أرجاء واتجاهات الملعب - كما هو موضح في مخطط أسفله -



- اوجد الطول AB ارتفاع الكاميرا أثناء التصوير .

الحياة مليئة بالحجارة فلا تتعثر بها، بل إجمعها و إبن بها سلماً تصعد به نحو النجاح

**حل التمرين 03 : (03 ن)****(1) تحقق من صحة المساواة :**

بتطبيق المتطابقة الشهيرة مربع المجموع

$$(a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2 \text{ نجد :}$$

$$(3x + 4)^2 = (3x)^2 + 2 \times 3x \times 4 + 4^2$$

$$(3x + 4)^2 = 9x^2 + 24x + 16$$

ومنه نستنتج أن المساواة صحيحة .

**(2) تحليل العبارة E إلى جداء عاملين**كما سبق لدينا :  $(3x + 4)^2 = 9x^2 + 24x + 16$ 

$$E = (3x + 4)^2 + (6x - 3)(3x + 4)$$

$$E = (3x + 4)[(3x + 4) + (6x - 3)]$$

$$E = (3x + 4)(3x + 6x + 4 - 3)$$

$$E = (3x + 4)(9x + 1)$$

**(3) حساب E من أجل  $x = \frac{1}{3}$** بالتعويض قيمة  $x$  في العبارة E نجد :

$$E = \left(3 \times \frac{1}{3} + 4\right) \left(9 \times \frac{1}{3} + 1\right)$$

$$E = (1 + 4)(3 + 1)$$

$$E = 5 \times 4 = 20$$

**حل التمرين 04 : (03.5 ن)****(1) تبيان أن  $(DE) \parallel (AB)$** 

$$\frac{AC}{CD} = \frac{18}{12} = \frac{3}{2} \text{ و } \frac{BC}{EC} = \frac{7,5}{5} = \frac{3}{2}$$

النقط في استقامة و على نفس الترتيب ومنه حسب

خاصية العكسية لطاليس نستنتج أن  $(DE) \parallel (AB)$ **(2) برهان أن المثلث CED قائم في C**

لدينا المثلث CED ومنه :

$$ED^2 = 13^2 = 169 \dots (1)$$

$$CE^2 + CD^2 = 5^2 + 12^2 = 169 \dots (2)$$

ومنه نستنتج حسب خاصية فيثاغورس العكسية

أن المثلث CED قائم في C .

**(3) حساب  $\widehat{CED}$  ثم استنتج  $\widehat{CED}$** 

$$\tan \widehat{CED} = \frac{CD}{EC} = \frac{12}{5} = 2,4$$

$$\widehat{CED} = \tan^{-1}(2,4) \approx 67^\circ$$

**حل التمرين 01 : (02.5 ن)****(1) البحث عن  $PGCD(1729; 1547)$** 

$$1729 = 1547 \times 1 + 182$$

$$1547 = 182 \times 8 + 91$$

$$182 = 91 \times 2 + 0$$

ومنه :  $PGCD(1729; 1547) = 91$ **(2) إختزال الكسر :**

$$\frac{1547 \div 91}{1729 \div 91} = \frac{17}{19}$$

**(3) حساب العبارة A**

$$A = \frac{3}{2} + \frac{1}{2} \times \frac{1547}{1729}$$

$$A = \frac{3}{2} + \frac{1}{2} \times \frac{17}{19}$$

$$A = \frac{3 \times 19}{2 \times 19} + \frac{17}{38}$$

$$A = \frac{57 + 17}{38}$$

$$A = \frac{74 \div 2}{38 \div 2} = \frac{37}{19}$$

**حل التمرين 02 : (03 ن)****(1) تبسيط العبارة B :**

$$B = \sqrt{300} - 4\sqrt{27} + 6\sqrt{3}$$

$$B = \sqrt{3 \times 10^2} - 4\sqrt{3 \times 3^2} + 6\sqrt{3}$$

$$B = 10\sqrt{3} - 4 \times 3\sqrt{3} + 6\sqrt{3}$$

$$B = (10 - 12 + 6)\sqrt{3}$$

$$B = 4\sqrt{3}$$

**(2) جعل C على شكل كسر مقامه عدد ناطق**

$$C = \frac{\sqrt{3} + 5}{\sqrt{3}} \times \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{3}}$$

$$C = \frac{\sqrt{3}^2 + 5\sqrt{3}}{\sqrt{3}^2}$$

$$C = \frac{3 + 5\sqrt{3}}{3}$$

**(3) حل المعادلة :**

$$(x + 1)(x - 1) = (\sqrt{3} + 1)(\sqrt{3} - 1)$$

$$x^2 - 1 = \sqrt{3}^2 - 1$$

$$x^2 = 3$$

ومنه للمعادلة حلين هما :  $\sqrt{3}$  و  $-\sqrt{3}$

3) حساب طول AB

لدينا المثلثين  $AIO$  و  $AHB$  في وضعية طاليس حيث:

$$\begin{cases} (HO) \parallel (IB) \\ A \in (IO) \\ A \in (HB) \end{cases}$$

ومنه حسب خاصية طاليس نكتب المساواة التالية:

$$\frac{AH}{AB} = \frac{AO}{AI} = \frac{HO}{BI}$$

إذن نجد:

$$AB = \frac{BI \times AH}{HO} = \frac{6 \times 4}{3} = 8$$

ومنه إرتفاع الكاميرا هو:  $AB = 8 \text{ m}$

هناك عدة طرق لحساب طول  $AB$  ولهذا لكل تلميذ

الحرية في إستعمال الطريقة التي يراها مناسبة له.

حل وضعية الإدماجية ( 8 ن )الجزء الأول : ( 03 ن )1) إيجاد أكبر عدد من المباريات

نحسب :  $PGCD(832; 384)$

$$832 = 384 \times 2 + 64$$

$$384 = 64 \times 6 + 00$$

ومنه نجد أن أكبر عدد من المباريات التي يمكن

تصويرها بهذا العتاد هو: 64 مباراة.

2) عدد قطع الغيار وعدد البطاريات المستعملة

في كل مباراة:

عدد البطاريات	عدد قطع الغيار
$832 \div 64 = 13$	$384 \div 64 = 6$

ومنه عدد قطع الغيار في كل مباراة هو: 6

الجزء الثاني : ( 05 ن )1) حساب طول HA

لدينا مثلث  $AHC$  قائم في  $H$  ومنه نكتب:

$$\sin 30^\circ = \frac{HA}{CA}$$

$$HA = \sin 30^\circ \times CA$$

$$HA = \sin 30^\circ \times 8$$

$$HA = 0,5 \times 8$$

$$HA = 4$$

ومنه طول  $HA = 4 \text{ m}$

2) حساب طول HO

لدينا مثلث  $AHO$  قائم في  $H$  ومنه بتطبيق خاصية

فيثاغور نكتب المساواة التالية:

$$AO^2 = HO^2 + HA^2$$

$$HO^2 = AO^2 - HA^2$$

$$HO^2 = 5^2 - 4^2$$

$$HO^2 = 25 - 16$$

$$HO = \sqrt{9}$$

$$HO = 3$$

ومنه طول  $HO = 3 \text{ m}$