

التاريخ: 2023/03/06

المدة: ساعتان

المادة: الرياضيات

المستوى: الرابعة متوسط

اختبار الفصل الثاني

التمرين الأول: (3ن)

ABCD متوازي أضلاع.

(1) أنشئ النقطة R حيث: $\vec{BR} = -\vec{CA}$

(2) أنشئ النقطة S حيث: $\vec{AS} = \vec{AC} + \vec{AD}$

(3) بين أن: $\vec{BR} = \vec{DS}$

(4) بين أن: $\vec{BA} + \vec{DS} = \vec{BC}$

التمرين الثاني: (3ن)

لتكن العبارة الجبرية E حيث:

$$E = (4x^2 - 20x + 25) - (x + 3)(2x - 5)$$

(1) انشرو بسط العبارة E .

(2) احسب E من أجل: $x = \sqrt{2}$.

(3) حلل العبارة E إلى جداء عاملين من الدرجة الأولى بمجهول واحد.

(4) حل المتراجحة التالية ومثل حلولها بيانياً:

$$E \leq 2x^2 - 5$$

التمرين الثالث: (3ن)

المستوي مزود بمعلم متعامد ومتجانس $(O ; \vec{O}_1 ; \vec{O}_2)$ حيث: $OI = OJ = 1 \text{ cm}$

(1) علم النقط: $G(2 ; 5)$ ؛ $F(-1 ; 4)$ ؛ $E(3 ; 2)$

(2) إذا علمت أن: $FG = \sqrt{10}$ و $EF = 2\sqrt{5}$ ، احسب الطول EG ، ثم بين نوع المثلث EFG.

(3) أنشئ النقطة H صورة النقطة F بالانسحاب الذي شعاعه \vec{GE} .

(4) ما نوع الرباعي GFHE؟ علل إجابتك.

(5) أوجد إحداثيتي النقطة H .

التّمرين الرَّابِع: (3ن)

$$(1) \text{ حلّ الجملة التّالية: } \begin{cases} 8x + 6y = 488 \\ x + y = 70 \end{cases}$$

(2) في مصنع الدراجات النارية لذوي الاحتياجات الخاصّة نوعان من الدراجات:

النوع الأول: درّاجات ذات أربع عجلات.

النوع الثاني: دراجات ذات ثلاث عجلات.

- إذا كان عدد الدراجات هو: 70 دراجة، وعدد العجلات هو: 244 عجلة.

(3) أوجد عدد الدراجات من كلّ نوع.

الوضعيّة الإدماجيّة: (8ن)

اشترى مهدي قطعة أرض على شكل مثلث قائم أحد ضلعيه القائمين ضعف الآخر ومساحتها m^2 1600.

(1) احسب طولي الضلعين القائمين.

استفاد مهدي من توسعة لأرضه على شكل قطعتين مستطيلتي الشكل.

نأخذ: $EC = 80 m$.

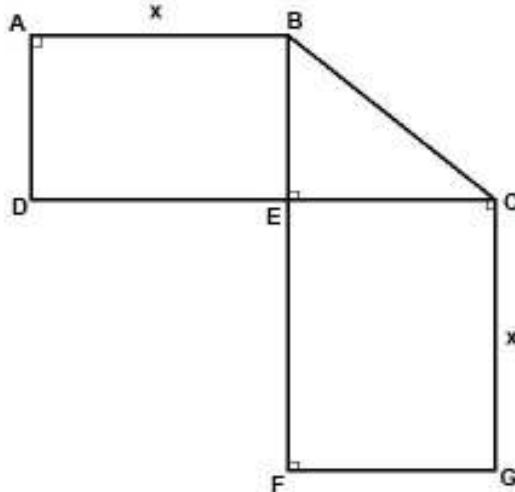
(2) عبّر بدلالة x عن S_1 مساحة شبه المنحرف ABCD و S_2 مساحة المستطيل ECGF .

(3) حلّ المتراجحة $S_2 < S_1$.

(4) أراد مهدي أن تكون مساحة شبه المنحرف ABCD تساوي $3600 m^2$.

• ساعده على إيجاد قيمة x .

• احسب مساحة القطعة ECGF في هذه الحالة.



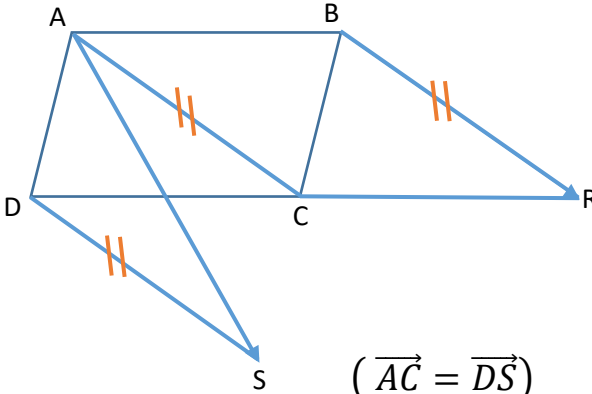
التاريخ: 2023/03/06

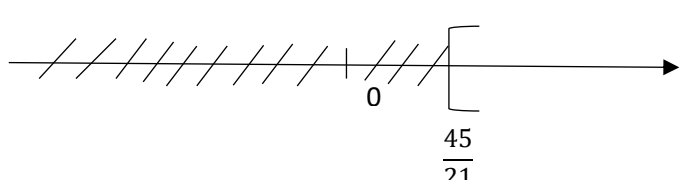
المادة: الرياضيات

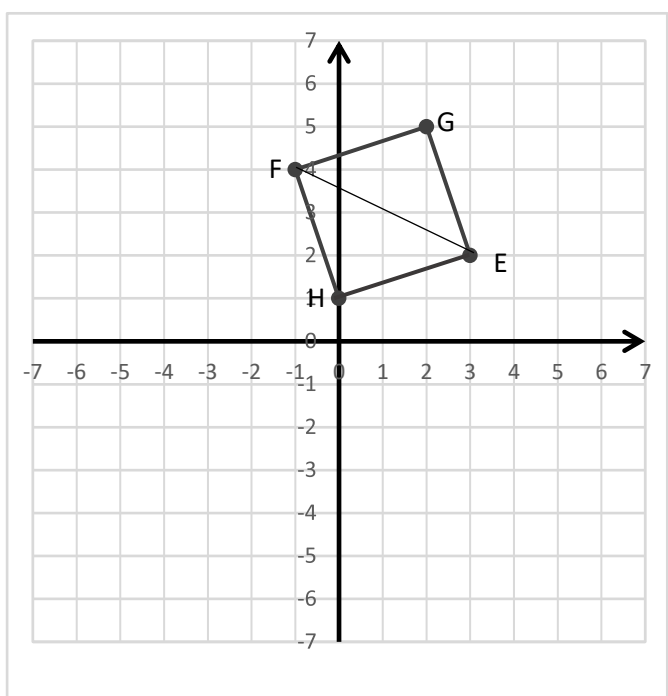
المستوى: الرابعة متوسط

تصحيح اختبار
الفصل الثاني

عناصر الإجابة

المجموع	مجزأة	الإجابة
3	0,75	<p>التمرين الأول: (3ن)</p>  <p>(1) لدينا : $\overrightarrow{BR} = \overrightarrow{AC}$ $\overrightarrow{AC} = \overrightarrow{DS}$ (2) فان : $\overrightarrow{BR} = \overrightarrow{DS}$</p> <p>لأن $\overrightarrow{BA} + \overrightarrow{DS} = \overrightarrow{BA} + \overrightarrow{AC} = \overrightarrow{BC}$ $(\overrightarrow{AC} = \overrightarrow{DS})$</p>
	1,25	
	1	
	0,75	<p>التمرين الثاني: (03ن)</p> <p>(1) نشر و تبسيط العبارة E : $E = (4x^2 - 20x + 25) - (2x^2 - 5x + 6x - 15)$ $E = 4x^2 - 20x + 25 - 2x^2 - x + 15$ $E = 2x^2 - 21x + 40$</p>
	0,5	<p>(2) حساب E من اجل : $x = \sqrt{2}$</p> <p>$E = 2(\sqrt{2})^2 - 21\sqrt{2} + 40$ $E = 4 - 21\sqrt{2} + 40$ $E = -21\sqrt{2} + 44$</p>

3	0,75	$E = (2x - 5)^2 - (x + 3)(2x - 5)$ $E = (2x - 5)[(2x - 5) - (x + 3)]$ $E = (2x - 5)(x - 8)$	(3) تحليل العبارة E :
	0,75	$2x^2 - 21x + 40 \leq 2x^2 - 5$ $-21x \leq -45$ $x \geq \frac{-45}{-21}$ $x \geq \frac{45}{21}$	(4) حل المتراجحة: حلول هذه المتراجحة هي كل قيم x الأكبر من أو يساوي $\frac{45}{21}$
	0,25		التمثيل البياني للحلول :

3	1		التمرين الثالث: (3ن)
	0,5		(1) حساب GE : $GE = \sqrt{(3 - 2)^2 + (2 - 5)^2}$ $GE = \sqrt{1^2 + (-3)^2}$ $E = \sqrt{10}$
	0,25		لدينا : $EF^2 = (2\sqrt{5})^2 = 20$ $GE^2 + GF^2 = \sqrt{10}^2 + \sqrt{10}^2 = 20$ $EF^2 = GE^2 + GF^2 = 20$: بما أن
0,5	حسب الخاصية العكسية لفيثاغورث فان المثلث EFG قائم في G لكن : $GF = GE = \sqrt{10}$ فان EFG قائم في G و متساوي الساقين. لدينا: (2) $\vec{FH} = \vec{GE}$ فالرباعي GFHE متوازي اضلاع لكن $GF = GE = \sqrt{10}$ فهو معين و ايضا $\vec{FG} = \vec{EH}$ قائمة فهو مربع. لدينا: (3) $\vec{FH} = \vec{GE}$	$\vec{GE} \begin{pmatrix} 1 \\ -3 \end{pmatrix}$ ، $\vec{FH} \begin{pmatrix} x_H + 1 \\ y_H - 4 \end{pmatrix}$	
0,75	$x_H + 1 = 1$, $x_H = 0$ $y_H - 4 = -3$, $y_H = 1$ اذن : $H(0; 1)$		

المجموع	مجزأة	الإجابة
3		<p>التمرين الرابع: (3ن)</p> <p>(1) حل الجملة:</p> $\begin{cases} 8x + 6y = 488 \dots (1) \\ x + y = 70 \dots (2) \end{cases}$ <p>من المعادلة (2) نجد: $x = 70 - y$</p> <p>نعوض عن قيمة x في المعادلة (1) نجد:</p> $8(70 - y) + 6y = 488$ $560 - 8y + 6y = 488$ $-2y = -71$ $y = \frac{-71}{-2} = 36$ <p>بالتعويض عن قيمة y في المعادلة (2) نجد:</p> $x + 36 = 70$ $x = 70 - 36 = 34$ <p>حل الجملة: (34 ; 36)</p>
	1,5	
	0,5	<p>(2) نفرض عدد الدرجات ذات اربع عجلات هو x وعدد الدرجات ذات ثلاث عجلات هو y</p> $\begin{cases} 4x + 3y = 244 \dots (1) \\ x + y = 70 \dots (2) \end{cases}$
	0,5	<p>نضرب طرفي المعادلة (1) في العدد 2.</p> <p>تصبح الجملة:</p> $\begin{cases} 8x + 6y = 488 \dots (1) \\ x + y = 70 \dots (2) \end{cases}$
	0,5	<p>حل هذه الجملة هو حل الجملة السابقة اذن:</p> <ul style="list-style-type: none"> عدد الدرجات ذات اربع عجلات هو 34. عدد الدرجات ذات ثلاث عجلات هو 36
	1,5 + 0,5	<p>الوضعية (8ن):</p> <p>(1) حساب طولي الضلعين القائمين:</p> <p>نفرض أن طول الضلع الأول هو x</p> <p>فيكون طول الضلع الثاني $2x$.</p> <p>اذن: طول الضلع القائم الأول هو $40m$</p> <p>و طول الضلع القائم الثاني هو $80m$</p> $S = \frac{x \times 2x}{2}$ $1600 = \frac{2x^2}{2} = x^2$ $x = \sqrt{1600} = 40 m$
	1,5	<p>(2) التعبير بدلالة x عن S_1:</p> $S_1 = (40x + 1600) m^2$
	0,5	<p>التعبير بدلالة x عن S_2:</p> $S_2 = 80x m^2$
	0,5	<p>(3) حل المتراجحة $S_2 < S_1$:</p> <p>اذن: $0 < x < 40$</p> $80x < 40x + 1600$ $40x < 1600, x < \frac{1600}{40}, x < 40$

8	1,5	$40x + 1600 = 3600 \quad (4)$ $40x = 2000$ $x = \frac{2000}{40} = 50 \text{ m}$
	1	$S = 80 \times 50$ $S = 4000 \text{ m}^2$ <p>حساب مساحة القطعة <i>ECGF</i>:</p>