التاريخ:14 ماي 2018

متوسطات: بوسالم علي - متوسة - بوسالم محمد و عيساوي علي - زوي

الاختبار التجريبي في مادة: الرياضيات المدة: ساعتان

Η

# الجزء الأول: (12 نقطة)

### التمرين الأول: (03 نقاط)

1) احسب القاسم المشترك الاكبر للعددين: 208 و 117.

$$E = 2\sqrt{117} - \sqrt{208} + \sqrt{16}$$
 حيث:  $a\sqrt{b} + c$  على الشكل  $E = 2\sqrt{117} - \sqrt{208} + \sqrt{16}$  حيث: (2)

$$F = \frac{62,5 \times (10^{-5})^2 \times 1,2}{0.3 \times 10^{-6}}$$
 علمية حيث: 3 كتابة علمية حيث: (3

## التمرين الثاني: (03 نقاط)

$$A = (3x-1)^2 - (x+2)^2$$
 لتكن العبارة A حيث:

- 1) انشر ثم بسط العبارة A.
- 2) حلل العبارة A إلى جداء عاملين من الدرجة الأولى.
  - (2x-3)(4x+1)=0 على المعادلة: (3

## التمرين الثالث: (03 نقاط)

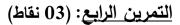
لاحظ الشكل المقابل حيث:

قوس من دائرة قطر ها AB و  $\stackrel{\cdot}{C}$  نقطة منها  $\widehat{AB}$ 

$$A \in (CH)$$
  $A \in (BM)$ 

$$AM = \frac{3}{4}AB \quad : \quad AB = 6 cm$$

- 1) بين أن المستقيمان (HM) و (BC) متوازيان.
  - 2) احسب القيمة المضبوطة للطول BC.
- 3) احسب قيس الزاوية CBA بالتدوير إلى الوحدة.



في المستوي المزود بمعلم متعامد و متجانس  $(O, \overrightarrow{OI}, \overrightarrow{OJ})$  (وحدة الطول هي 1cm) علم النقط التالية:

$$.C(0;-2)$$
 ,  $B(-3;1)$  ,  $A(4;2)$ 

- .ABC و  $BC = \sqrt{18}$  ، بين طبيعة المثلث  $AC = 4\sqrt{2}$  اذا علمت أن  $AC = 4\sqrt{2}$ 
  - $\overrightarrow{BC}$  انشئ النقطة  $\overrightarrow{D}$  صورة  $\overrightarrow{A}$  بالإنسحاب الذي شعاعه  $\overrightarrow{D}$ .
    - (3) احسب احداثيتي النقطة D.

# الجزء الثاني: المسألة (8 نقاط):

الجزء الأول: يمثل الجدول التالي إحصائية لاستهلاك الفرد اليومي للماء في احدى البلديات خلال سنة 2016 مقدم من طرف مكتب الموارد المائية:

(L) Q كمية الماء باللتر	0 < Q < 60	$60 \le Q < 120$	$120 < Q \le 180$
عدد السكان	700	1950	5850

- 1) جد معدل استهلاك الفرد اليومى للماء.
- بعد تسلم مسؤولي البلدية للإحصائية قرروا تنظيم حملة توعوية لترشيد الاستهلاك، فكان اثرها واضحا في السنة الموالية حيث انخفض الاستهلاك بـ %21.
  - 2) جد معدل استهلاك الفرد اليومي للماء خلال سنة 2017.

#### الجزء الثاني:

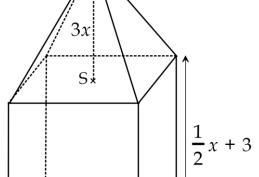
لوجود عجز في التزود بالماء قرر المسؤولون بناء خزان مائي يتكون من مجسمين متوازي مستطيلات و هرم منتظم ارتفاعه AS حيث x عدد حقيقي موجب، وحدة الطول هي المتر x ) كما يبينه الشكل المقابل:

- د اله ترفق العدد x بحجم متوازي المستطيلات.
  - . g دالة ترفق العدد x بحجم الهرم.
- ية عبارتي الدالتين f و g بدلالة  $\chi$  و أذكر نوعيهما.

تذكير: حجم هرم منتظم = ثلث جداء مساحة قاعدته و ارتفاعه. حجم متوازي مستطيلات = جداء أبعاده.

2) أنقل الجدول التالى ثم أتممه:

•••	2	قيم 🗴		
•••		f(x) حجم متوازي المستطيلات		
400	•••	حجم الهرم (g(x		



3) على ورقة مليمتريه و في معلم متعامد و متجانس أرسم المستقيمين التاليين:

y=50x+300 و  $(D_2)$  معادلته:

y=100x معادلته:  $(D_1)$ 

( على محور الفواصل نأخذ 1cm لكل 1m ، وعلى محور التراتيب نأخذ 1cm لكل  $100m^3$ ).

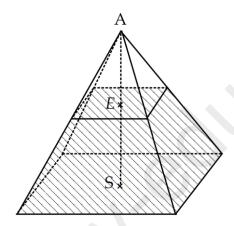
4) بالاعتماد على التمثيل البياني، قارن بين حجم متوازي المستطيلات و حجم الهرم مع الشرح.

#### الجزء الثالث:

نهتم في هذا الجزء بدراسة الجزء العلوي للخزان (الهرم) و نأخذ AS=6m. بعد دخول الخزان حيز الخدمة يتم ملؤه بالماء حتى يصل مستوى النقطة ES=4m. حيث: ES=4m، فيكون الجزء الفارغ من الهرم هو تصغير له بمعامل k.

- $k = \frac{1}{3}$  بين أن (1
- 2) جد حجم الجزء الفارغ من الخزان.

ملاحظة: تُدور النتائج غير المضبوطة إلى الوحدة



10

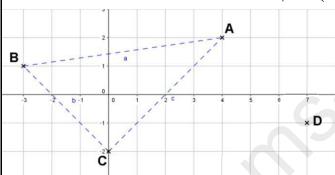
# الإجابة المقترحة للاختبار التجريبي لشهادة التعليم المتوسط - الرياضيات - 2018

تنقيط	عناصر الإجابة	تنقيط	عناصر الإجابة
01	(2x-3)(4x+1) = 0 على المعادلة: $(2x-3)(4x+1) = 0$ عناه: $(2x-3)(4x+1) = 0$ $(2x-3)(4x$	01	$91 = 26 \times 3 + 13$ $26 = 13 \times 2 + 00$
01	$x = -\frac{1}{4}$ $x = \frac{3}{2}$ $-\frac{1}{4}$ $\frac{3}{2}$ هما $\frac{3}{2}$ هما دلمعادلة حلان هما أن: $\frac{AM}{AB} = \frac{3}{4}$ ومنه $\frac{3}{4}$ $\frac{AM}{AB} = \frac{3}{4}$ الدينا: $\frac{AM}{AB} = \frac{3}{4}$ ومنه $\frac{AH}{AC} = \frac{7-4}{4} = \frac{3}{4}$ و النقط $\frac{AH}{AC} = \frac{7-4}{4} = \frac{3}{4}$ و النقط $\frac{AH}{AC} = \frac{AH}{AC}$ بنفس ترتيب النقط: $\frac{AM}{AB} = \frac{AH}{AC}$ فإن $\frac{AM}{AB} = \frac{AH}{AC}$ مصب القيمة المضبوطة لـ $\frac{AB}{AB}$ على الدينا: المثلث $\frac{AB}{AB}$ قائم في $\frac{AB}{AB}$ فإن $\frac{AB}{AB}$ قائم في $\frac{AB}{AB}$ لأنه محاط بدائرة و ضلعه [AB] قطر لها، حسب نظرية فيثاغورس فإن:	01	$PGCD(208;117) = 13$ : $a\sqrt{b} + c$ كتابة العدد $E$ على الشكل (2) $E = 2\sqrt{117} - \sqrt{208} + \sqrt{16}$ $= 2\sqrt{9 \times 13} - \sqrt{16 \times 13} + 4$ $= 2 \times 3\sqrt{13} - 4\sqrt{13} + 4$ $= 2\sqrt{13} + 4$ : $2\sqrt{13} + 4$
01	AB = AC + BC $6^2 = 4^2 + BC^2$ $36 = 16 + BC^2$ $BC^2 = 20$ $BC = \sqrt{20} \text{ cm}$ $CBA = \frac{1}{4} = \frac$		على التمرين الثاني:  A = $(3x-1)^2 - (x+2)^2$ $= (3x)^2 - 2 \times 3x \times 1 + 1^2 - (x^2 + 2 \times x \times 2 + 2^2)$ $= 9x^2 - 6x + 1 - x^2 - 4x - 4$ $= 8x^2 - 10x - 3$ $= (3x - 1)^2 - (x + 2)^2$ $= [(3x - 1)^2 - (x + 2)^2]$ $= [(3x - 1) - (x + 2)][(3x - 1) + (x + 2)]$ $= (3x - 1 - x - 2)(3x - 1 + x + 2)$ $= (2x - 3)(4x + 1)$

# 4am.ency-education.com

# الجزء الأول: 1) حساب M معدل استهلاك الفرد اليومي للماء: $\left(\frac{0+60}{2}\right) \times 700 + \left(\frac{120+60}{2}\right) \times 1950 \left(\frac{180+120}{2}\right) \times 5850$ $M = \frac{1074000}{}$ $M \simeq 126L$ معدل استهلاك الفرد اليومي للماء خلال M'سنة 2017: $M' = (1 - \frac{P}{100})M$ 01 $M' = (1 - \frac{21}{100})126$ 01 $M' = 0.79 \times 126$ $M' \simeq 100L$ الجزء التاني: 1) ايجاد عبارتي f و g: $f(x) = 10 \times 10 \times (\frac{1}{2}x + 3)$ $|_{0,75}| f(x) = 100 \times (\frac{1}{2}x + 3)$ f(x) = 50x + 3000,5 $g(x) = \frac{10 \times 10 \times 3x}{3}$ 0,75 $g(x) = \frac{300x}{3}$ g(x) = 100x01 فقل و اتمام الجدول: سقيم x (m) $400 \div 100$ =401 حجم متوازي $50 \times 4 + 300$ $50 \times 2 + 300$ المستطيلات =500=400 $(m^3)$ $100\times2$ حجم الهرم 400 $(m^3)$ = 200

#### حل التمرين الرابع: ) تعاده النقط B(A)



2) تبيان طبيعة المثلث ABC:

نحسب الطول AB:

$$AB = \sqrt{(-3-4)^2 + (1-2)^2}$$

$$AB = \sqrt{(-7)^2 + (-1)^2}$$

$$AB = \sqrt{50}$$

لدينا:

$$AB^2 = \left(\sqrt{50}\right)^2 = 50$$

$$AC^2 + BC^2 = (4\sqrt{2})^2 + (\sqrt{18})^2$$

 $AC^2 + BC^2 = 16 \times 2 + 18 = 50$  ABC فإن المثلث  $AB^2 = AC^2 + BC^2$  قائم في C حسب النظرية العكسية لفيثاغورس.

3) انشاء النقطة D

4) حساب احداثیتی (4

نفرض D(x,y) ، لدينا  $\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{BC}$  أي

للشعاعان نفس المركبتين:

$$\overrightarrow{AD} \begin{pmatrix} x_D - x_A \\ y_D - y_A \end{pmatrix}, \quad \overrightarrow{AD} \begin{pmatrix} x - 4 \\ y - 2 \end{pmatrix}$$

$$\overrightarrow{BC} \begin{pmatrix} 0 - (-3) \\ -2 - 1 \end{pmatrix}, \quad \overrightarrow{BC} \begin{pmatrix} 3 \\ -3 \end{pmatrix}$$

x=7 ومنه : x-4=3 أي y=-1 و y-2=-3 الذن : D(7;-1)

4am.ency-education.com

